

ENSEIGNEMENT ANNUEL D'INFORMATIQUE ET ALGORITHMIQUE

I - Programme du premier semestre.

Les séances de travaux pratiques du premier semestre poursuivent les objectifs suivants :

- consolider l'apprentissage de la programmation qui a été entrepris dans les classes du lycée en langage Python ;
- mettre en place une discipline de programmation : découpage modulaire à l'aide de fonctions et programmes, annotations et commentaires, évaluation par tests ;
- mettre en pratique des algorithmes facilitant le traitement de l'information, la modélisation, la simulation.

1 - Algorithmique des listes

Il s'agit de présenter des algorithmes simples, spécifiés de façon abstraite, puis de les traduire dans un langage de programmation, ici Python. On utilisera ces activités pour construire une progression pour assimiler les notions de variables, de type, d'affectation, d'instruction conditionnelle, de boucles conditionnelles ou inconditionnelles et manipuler de façon simple les listes en Python. S'il n'est pas souhaitable de les formaliser, on dégagera de l'étude de ces algorithmes simples les problématiques de la correction et la terminaison des algorithmes. Ces notions ne sont pas exigibles.

Recherche séquentielle dans une liste.

Recherche d'un élément. Recherche du maximum, du second maximum.

Algorithmes opérant sur une structure séquentielle par boucles imbriquées.

Recherche des deux valeurs les plus proches dans une liste.

Algorithmes dichotomiques.

Recherche dichotomique dans une liste triée.

Algorithmes gloutons.

Rendu de monnaie.

Allocation de salles pour des cours.

2 - Statistiques descriptives et analyse de données.

Dans ce paragraphe, on analysera des données statistiques publiques obtenues sous forme d'un fichier csv (Comma-separate-value). Pour ce faire, on pourra utiliser le site data.gouv ou le site de l'Insee et choisir des données socio-économiques. On travaille directement sur le fichier de données sous forme de table en important la bibliothèque `pandas` ou après transformation directement sur un tableau. On indiquera aux étudiants les commandes à utiliser. Aucune de ces commandes de cette bibliothèque n'est exigible.

Lecture d'un fichier de données simples. Notion de descripteur.

On pourra faire des tris sélectifs, donner des exemples de calculs d'indicateurs de position : moyenne, médiane, mode, quantiles. ou d'indicateurs de dispersion : étendue, variance et écart-type empiriques, écart inter-quantile. On discutera la signification des résultats obtenus.

Exemples d'analyse des données.

On pourra utiliser la bibliothèque `matplotlib`.

Représentations des données.

Diagrammes en bâtons, histogrammes.

3 - Approximation numérique

Calcul approché de la racine d'une équation du type $f(x) = 0$.

On utilisera différentes méthodes dont certaines résulteront d'une étude mathématique (suites récurrentes, encadrements, dichotomie).

II - Programme du deuxième semestre.

1 - Graphes finis, plus courts chemins

Il s'agit de revenir sur le modèle des graphes et d'étudier les démarches algorithmiques permettant de les analyser selon leurs représentations.

Graphes.

Un graphe est implémenté à l'aide de listes d'adjacence (rassemblées par exemple dans une liste ou dans un dictionnaire) ou par sa matrice d'adjacence.

Recherche d'un plus court chemin dans un graphe pondéré avec des poids positifs.

Algorithme de Dijkstra.

2 - Simulation de phénomènes aléatoires

Simulation d'expériences aléatoires élémentaires conduisant à une loi usuelle.

Simulation de phénomènes aléatoires.

Loi binomiale, loi géométrique.

III - Annexe : Langage Python

Toute la richesse du langage Python ne peut pas être entièrement maîtrisée par un étudiant, aussi le paragraphe ci-dessous liste limitativement les éléments du langage Python (version 3 ou supérieure) dont la connaissance est exigible des étudiants. Il s'agit de la liste des commandes utiles pour les travaux pratiques des deux années de formation. Il n'y a pas lieu d'introduire en première année les commandes qui relèvent de notions de seconde année.

1 - Types de base

+	-	*	/	**
==	>	<	>=	<=
True	False	and	or	not

from ... import *, import ... as

Opérations arithmétiques de base.

Comparaison, test.

Logique.

Importation d'une bibliothèque.

2 - Structures de contrôle

Instruction d'affectation =.

Instruction conditionnelle if, elif, else.

Boucle for; Boucle while.

Définition d'une fonction `def f(p1, ..., pn)`
`return`.

3 - Listes

Tableau unidimensionnel ou liste.

Définitions d'une liste avec une boucle ou en compréhension.

Fonction `range`.

Commandes `append` , `len`.

Recherche séquentielle dans une liste.

Commandes `in` `del` `count`.

Manipulations élémentaires de listes.

Commandes `+` et `*`.

Il n'y a pas lieu de distinguer ces deux structures de données en langage Python.

4 - Utilisation de modules, de bibliothèques

`from ... import *, import ... as`

Importation d'une bibliothèque.

Pour le calcul numérique, le traitement statistique ou la simulation de phénomènes aléatoires, certaines bibliothèques s'avèrent utiles. Elles sont listées ci-dessous avec les fonctions pertinentes. Toute utilisation d'une telle fonction doit obligatoirement être accompagnée de la documentation utile, sans que puisse être attendue une quelconque maîtrise par les étudiants de ces éléments.

a) Dans la bibliothèque `numpy`

Exemple d'importation : `import numpy as np`

`np.array`, `np.zeros`, `np.ones`, `np.eye`,
`np.linspace`, `np.arange`

Création de vecteurs et de matrices. Extraction ou modification d'un élément, d'une ligne ou d'une colonne d'une matrice.

+	-	*	/	**
---	---	---	---	----

Opérations arithmétiques de base : coefficient par coefficient.

==	>	<	>=	<=	!=
----	---	---	----	----	----

Comparaison de deux matrices (`M == N`), comparaison d'une matrice et d'un nombre (`M>=1`).

`a,b = np.shape(M)`
`np.dot`, `np.transpose`

Taille de la matrice `M`.

`np.sum`, `np.min`, `np.max`, `np.mean`,
`np.cumsum`, `np.median`, `np.var`, `np.std`

Syntaxes exigibles : `np.transpose(M)`,
`np.dot(M1,M2)`. L'usage de méthode comme `M.transpose()`, `M1.dot(M2)` est non-exigible.

`np.exp`, `np.log`, `np.sqrt`, `np.abs`,
`np.floor`

Ces opérations peuvent s'appliquer sur une matrice entière ou bien pour chaque colonne (ou chaque ligne). Exemple : `mean(M)`,
`mean(M,0)`, `mean(M,1)`

Ces fonctions peuvent s'appliquer à des variables numériques ou vectoriellement (à des matrices ou vecteurs) élément par élément. On pourra utiliser la commande `f = np.vectorize(f)` mais elle n'est pas exigible.

np.e, np.pi

b) Dans la librairie `numpy.linalg`

Exemple d'importation : `import numpy.linalg as al`
`al.inv, al.rank, al.matrix_power,`
`al.solve, al.eig`

c) Dans la librairie `numpy.random`

Exemple d'importation : `import numpy.random as rd`
`rd.random, rd.binomial, rd.randint,`
`rd.geometric, rd.poisson,`
`rd.exponential, rd.normal, rd.gamma`

On utilisera ces fonctions pour générer un nombre aléatoire ou bien un vecteur ou une matrice à coefficients aléatoires. Exemple : `rd.binomial(10,0.2),`
`rd.binomial(10,0.2,100),`
`rd.binomial(10,0.2,[100,10])`

d) Dans la librairie `matplotlib.pyplot`

Exemple d'importation : `import matplotlib.pyplot as plt`
`plt.plot, plt.show`

`plt.hist, plt.bar, plt.boxplot`

Utilisation de la fonction `rd.random` pour simuler des expériences aléatoires.

Simulation d'échantillons de lois usuelles.

Représentations graphiques de fonctions, de suites. On pourra utiliser les commandes `xlim`, `ylim`, `axis`, `grid`, `legend` mais elles ne sont pas exigibles.

Représentations statistiques.

On pourra simuler ainsi des lois binomiale et géométrique.

On pourra utiliser les fonctions `rd.binomial`, `rd.randint`, `rd.geometric`, `rd.poisson`

e) Dans la librairie `pandas`

Exemple d'importation : `import pandas as pd`
`pd.read_csv, head, shape, pd.describe`
`pd.mean, pd.std, pd.median, pd.count,`
`pd.sort_values.`

Pour créer une table à partir du fichier de données et en visualiser ou manipuler une partie.
Indicateurs statistiques.